Modeling Parental Acceptance of Vaccination for Paediatric Infectious Diseases*

Tamer Oraby

Department of Mathematical Sciences University of Cincinnati April 8th, 2014

*Based on joint work with Professor Chris T. Bauch (University of Waterloo). Published in Proc. R. Soc. B (2014).

Tamer Oraby (University of Cincinnati)

Social norms and vaccination

April 8th, 2014 1 / 46

Outline



Vaccination as a disease control measure



Mathematical models of vaccine acceptance





5 Conclusion

A (10) A (10) A (10)

Outline



Vaccination as a disease control measure

- Mathematical models of vaccine acceptance
- 3 Modeling vaccine uptake with group pressure
- 4 Estimation of parameters and model analysis

5 Conclusion

A (10) A (10) A (10)

Vaccination

- Vaccination provides direct protection to vaccinated individuals, against smallpox, polio, measles, influenza ...
- And also provides indirect protection to non-vaccinated individuals, by decreasing transmission in the population (herd immunity).
- Increase in rate of vaccination lengthens the inter-epidemic period.



Vaccination

- Vaccination provides direct protection to vaccinated individuals, against smallpox, polio, measles, influenza ...
- And also provides indirect protection to non-vaccinated individuals, by decreasing transmission in the population (herd immunity).
- Increase in rate of vaccination lengthens the inter-epidemic period.



A D N A B N A B N A B N

Vaccination

- Vaccination provides direct protection to vaccinated individuals, against smallpox, polio, measles, influenza ...
- And also provides indirect protection to non-vaccinated individuals, by decreasing transmission in the population (herd immunity).
- Increase in rate of vaccination lengthens the inter-epidemic period.



4 2 5 4 2 5

- Pertussis (whooping cough) is very contagious respiratory disease characterized by long period of coughing.
- Pertussis is caused by Bordetella pertussis bacteria that spread through air.



Tamer Oraby (University of Cincinnati)

- Pertussis (whooping cough) is very contagious respiratory disease characterized by long period of coughing.
- Pertussis is caused by Bordetella pertussis bacteria that spread through air.



Tamer Oraby (University of Cincinnati)

- Pertussis is a vaccine preventable disease.
- Pertussis inter-epidemic period length increased by 1.27 years (95% CI: 1.13–1.41 years) after the introduction of vaccination [Proc. R. Soc. B 277(1698), 2010].



Tamer Oraby (University of Cincinnati)

(4) (5) (4) (5)

- Pertussis is a vaccine preventable disease.
- Pertussis inter-epidemic period length increased by 1.27 years (95% CI: 1.13–1.41 years) after the introduction of vaccination [Proc. R. Soc. B 277(1698), 2010].



Tamer Oraby (University of Cincinnati)

Pertussis Vaccination

US pertussis incidence (data source: CDC).



- DTP: diphtheria-tetanus- whole cell pertussis vaccine.
- DTaP: diphtheria-tetanus acellular pertussis vaccine.
- Tdap or dTap: tetanus and reduced diphtheria-acellular pertussis vaccine.

Tamer Oraby (University of Cincinnati)

April 8th, 2014 7 / 46

Vaccine Scares

UK pertussis incidence and vaccine uptake



Tamer Oraby (University of Cincinnati)

Social norms and vaccination

April 8th, 2014 8 / 46

[Lancet 351, 1998]

Vaccine Scares

UK pertussis incidence and vaccine uptake



Vaccination is non-mandatory.

Tamer Oraby (University of Cincinnati)

Social norms and vaccination

April 8th, 2014 8 / 46

[Lancet 351, 1998]

Outline





- 3 Modeling vaccine uptake with group pressure
- 4 Estimation of parameters and model analysis

5 Conclusion

不同 トイモトイモ

Vaccination Models

- Bauch and Earn (2004).
- Bauch (2005).
- Shim et al. (2011).
- Wu et al. (2011).
- Bauch and Bhattacharyya (2012).

Childhood Immunization

Annual vaccination coverage at 24 months, England, 1987-2010



WHO: World Health Organization.

MMR replaced single measles vaccine in 1988. Hib vaccine was introduced in 1992, meningococcal C vaccine in 1999 and PCV in 2006.

[Euro Surveill, 17(16), 2012]

3 > 4 3

April 8th, 2014 11 / 46

- The basic reproduction number (*R*₀) is the average number of secondary infections due to the introduction of an infectious individual in a completely susceptible population.
- If *R*₀ < 1 then the epidemic will die out; if *R*₀ > 1 then there is a chance it will be endemic.
- If $R_0 > 1$, the Herd Immunity Threshold

$$HIT = 1 - \frac{1}{R_0}$$

• For pertussis, $R_0 = 18$ and so HIT $\simeq 95\%$.

- The basic reproduction number (*R*₀) is the average number of secondary infections due to the introduction of an infectious individual in a completely susceptible population.
- If *R*₀ < 1 then the epidemic will die out; if *R*₀ > 1 then there is a chance it will be endemic.
- If $R_0 > 1$, the Herd Immunity Threshold

$$HIT = 1 - \frac{1}{R_0}.$$

• For pertussis, $R_0 = 18$ and so HIT $\simeq 95\%$.

- The basic reproduction number (*R*₀) is the average number of secondary infections due to the introduction of an infectious individual in a completely susceptible population.
- If *R*₀ < 1 then the epidemic will die out; if *R*₀ > 1 then there is a chance it will be endemic.
- If $R_0 > 1$, the Herd Immunity Threshold

$$HIT = 1 - \frac{1}{R_0}$$

• For pertussis, $R_0 = 18$ and so HIT $\simeq 95\%$.

- The basic reproduction number (*R*₀) is the average number of secondary infections due to the introduction of an infectious individual in a completely susceptible population.
- If R₀ < 1 then the epidemic will die out; if R₀ > 1 then there is a chance it will be endemic.
- If $R_0 > 1$, the Herd Immunity Threshold

$$HIT = 1 - \frac{1}{R_0}$$

• For pertussis, $R_0 = 18$ and so HIT $\simeq 95\%$.

Vaccination Models Explaining the High Level Acceptance Rates

- Altruism Shim et al. (2012), Vietri et al. (2012), Chapman et al. (2012).
- Public health messaging d'Onofrio et al. (2012).

Tamer Oraby (University of Cincinnati)

Social norms and vaccination

April 8th, 2014 13 / 46

3

< ロ > < 同 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ >

Outline





Modeling vaccine uptake with group pressure

4 Estimation of parameters and model analysis

5 Conclusion

3 + 4 = +

4 6 1 1 4

Objective

- Find a model of parental vaccinating behaviour for paediatric infectious diseases to better explain the whole range of observed vaccinating behaviour, including both vaccine refusal, and the high vaccine coverage levels so commonly observed.
- Validate that model by fitting it to real data.

< ロ > < 同 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ >

Objective

- Find a model of parental vaccinating behaviour for paediatric infectious diseases to better explain the whole range of observed vaccinating behaviour, including both vaccine refusal, and the high vaccine coverage levels so commonly observed.
- Validate that model by fitting it to real data.

イロト イポト イラト イラト

Health Believe Model

Personal variables

- Parental perceived risk of infection in terms of susceptibility and severity.
- Perceived risk of vaccination.
- Vaccine efficacy.
- Vaccine cost and accessibility.

Social variables

Social norms and group pressure

[J Dev Behav Pediatr, 26, 441-452, 2005]

Tamer Oraby (University of Cincinnati)

April 8th, 2014 16 / 46

Health Believe Model

Personal variables

- Parental perceived risk of infection in terms of susceptibility and severity.
 - Perceived risk of vaccination.
- Vaccine efficacy.
- Vaccine cost and accessibility.

Social variables

Social norms and group pressure

[J Dev Behav Pediatr, 26, 441–452, 2005]

Tamer Oraby (University of Cincinnati)

April 8th, 2014 16 / 46

Health Believe Model

Personal variables

- Parental perceived risk of infection in terms of susceptibility and severity.
 - Perceived risk of vaccination.
 - 3) Vaccine efficacy.
 - Vaccine cost and accessibility.

Social variables

Social norms and group pressure

[J Dev Behav Pediatr, 26, 441–452, 2005]

Tamer Oraby (University of Cincinnati)

April 8th, 2014 16 / 46

Health Believe Model

Personal variables

- Parental perceived risk of infection in terms of susceptibility and severity.
- Perceived risk of vaccination.
- Vaccine efficacy.

Vaccine cost and accessibility.

Social variables

Social norms and group pressure

[J Dev Behav Pediatr, 26, 441–452, 2005]

Tamer Oraby (University of Cincinnati)

April 8th, 2014 16 / 46

Health Believe Model

Personal variables

- Parental perceived risk of infection in terms of susceptibility and severity.
- Perceived risk of vaccination.
- Vaccine efficacy.
- Vaccine cost and accessibility.

Social variables

Social norms and group pressure.

[J Dev Behav Pediatr, 26, 441–452, 2005]

< ロ > < 同 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ >

Tamer Oraby (University of Cincinnati)

Health Believe Model

Personal variables

- Parental perceived risk of infection in terms of susceptibility and severity.
- Perceived risk of vaccination.
- Vaccine efficacy.
- Vaccine cost and accessibility.

Social variables

Social norms and group pressure.

[J Dev Behav Pediatr, 26, 441–452, 2005]

< ロ > < 同 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ >

Tamer Oraby (University of Cincinnati)

April 8th, 2014 16 / 46

Health Believe Model

- Personal variables
 - Parental perceived risk of infection in terms of susceptibility and severity.
 - Perceived risk of vaccination.
 - Vaccine efficacy.
 - Vaccine cost and accessibility.
- Social variables

Social norms and group pressure.

[J Dev Behav Pediatr, 26, 441-452, 2005]

< 6 b

3 + 4 = +

Social Norms

- Social norms are informal non-coded rules that are invoked by groups, e.g. ethnic, religious; and non-conformity to which might be faced with sanctions, ranging from verbal to physical, e.g. by maligning, ostracizing, etc., that can be interpreted by the group members as a pressure to conform
- Social norms: prescriptive or proscriptive
- Social norms: descriptive or injunctive

Cialdini, R. B. & Trost, M. R. 1998 *Social influence: Social norms, conformity and compliance*, Chapter 21, pp. 151–192. McGraw-Hill.

イロト 不得 トイヨト イヨト

Social Norms

- Social norms are informal non-coded rules that are invoked by groups, e.g. ethnic, religious; and non-conformity to which might be faced with sanctions, ranging from verbal to physical, e.g. by maligning, ostracizing, etc., that can be interpreted by the group members as a pressure to conform
- Social norms: prescriptive or proscriptive
- Social norms: descriptive or injunctive

Cialdini, R. B. & Trost, M. R. 1998 *Social influence: Social norms, conformity and compliance*, Chapter 21, pp. 151–192. McGraw-Hill.

Social Norms

- Social norms are informal non-coded rules that are invoked by groups, e.g. ethnic, religious; and non-conformity to which might be faced with sanctions, ranging from verbal to physical, e.g. by maligning, ostracizing, etc., that can be interpreted by the group members as a pressure to conform
- Social norms: prescriptive or proscriptive
- Social norms: descriptive or injunctive

Cialdini, R. B. & Trost, M. R. 1998 *Social influence: Social norms, conformity and compliance*, Chapter 21, pp. 151–192. McGraw-Hill.

Payoff Function – Benefit vs. Cost

Two strategies: Vaccinate (V) or Not to vaccinate (N) with payoffs

•
$$\pi(N) = H - r_i$$

H: full-health gain *r_i*: perceived risk of infection

•
$$\pi(V) = H - r_v$$

H: full-health gain r_v : perceived risk of vaccination

< ロ > < 同 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ >

Payoff Function – Benefit vs. Cost

Two strategies: Vaccinate (V) or Not to vaccinate (N) with payoffs

• $\pi(N) = H - r_i$

H: full-health gain r_i : perceived risk of infection $r_i(t) = \alpha I(t)$

•
$$\pi(V) = H - r_v$$

H: full-health gain r_v : perceived risk of vaccination

イロト イポト イヨト イヨト 二日
Two strategies: Vaccinate (V) or Not to vaccinate (N) with payoffs

• $\pi(N) = H - r_i$

H: full-health gain r_i : perceived risk of infection $r_i(t) = \alpha I(t)$

•
$$\pi(V) = H - r_v$$

H: full-health gain r_v : perceived risk of vaccination $r_v(t)/\alpha =: \omega(t)$

イロト イポト イヨト イヨト 二日

Two strategies: Vaccinate (V) or Not to vaccinate (N) with payoffs

• $\pi(N) = H - r_i$

H: full-health gain r_i : perceived risk of infection $r_i(t) = \alpha I(t)$



H: full-health gain r_v : perceived risk of vaccination $r_v(t)/\alpha =: \omega(t)$



Two strategies: Vaccinate (V) or Not to vaccinate (N) with payoffs

• $\pi(N) = H - r_i$

H: full-health gain r_i : perceived risk of infection $r_i(t) = \alpha I(t)$

m: perceived magnitude of risk before the year t_s

 $\sigma := M/m$: relative risk at the year t_s

D: length of the decay period of risk perception

•
$$\pi(V) = H - r_v$$

H: full-health gain r_v : perceived risk of vaccination $r_v(t)/\alpha =: \omega(t)$



Two strategies: Vaccinate (V) or Not to vaccinate (N) with payoffs

• $\pi(N) = H - \frac{r_i}{\delta_0} (1 - x)$

H: full-health gain r_i : perceived risk of infection $r_i(t) = \alpha I(t)$ δ_0 : group pressure *x*: proportion of vaccinators

•
$$\pi(V) = H - r_v + \delta_0 x$$

H: full-health gain r_v : perceived risk of vaccination $r_v(t)/\alpha =: \omega(t)$

3

Imitation Dynamics



 κ : imitation rate

V: vaccination strategy adopted by a proportion *x* with a payoff $\pi(V)$ *N*: no-vaccination strategy adopted by a proportion 1 - x with a payoff $\pi(N)$

< ロ > < 同 > < 回 > < 回 >

Behavioral Model

Imitation Dynamics

$$(V)^{\kappa(1-x)(\pi(N)-\pi(V))_{+}}$$

 κ : imitation rate

V: vaccination strategy adopted by a proportion *x* with a payoff $\pi(V)$ *N*: no-vaccination strategy adopted by a proportion 1 - x with a payoff $\pi(N)$

$$\frac{dx}{dt} = \kappa x (1 - x) \left[(\pi(V) - \pi(N))_{+} - (\pi(N) - \pi(V))_{+} \right]$$

Tamer Oraby (University of Cincinnati)

Behavioral Model

Imitation Dynamics

$$(V)^{\kappa(1-x)(\pi(N)-\pi(V))_{+}}$$

 κ : imitation rate

V: vaccination strategy adopted by a proportion *x* with a payoff $\pi(V)$ *N*: no-vaccination strategy adopted by a proportion 1 - x with a payoff $\pi(N)$

$$\frac{dx}{dt} = \kappa x \left(1 - x\right) \left[\left(\pi(V) - \pi(N)\right)_{+} - \left(\pi(N) - \pi(V)\right)_{+} \right]$$
$$\frac{dx}{dt} = \kappa x \left(1 - x\right) \left[\pi(V) - \pi(N)\right]$$

Tamer Oraby (University of Cincinnati)

Behavioral Model

Imitation Dynamics

$$(V)^{\kappa(1-x)(\pi(N)-\pi(V))_{+}}_{\kappa x(\pi(V)-\pi(N))_{+}}$$

 κ : imitation rate

V: vaccination strategy adopted by a proportion *x* with a payoff $\pi(V)$ *N*: no-vaccination strategy adopted by a proportion 1 - x with a payoff $\pi(N)$

$$\frac{dx}{dt} = \kappa x (1-x) \left[(\pi(V) - \pi(N))_{+} - (\pi(N) - \pi(V))_{+} \right]$$

$$\frac{dx}{dt} = \kappa x (1 - x) [\pi(V) - \pi(N)]$$

$$\frac{dx}{dt} = \kappa' x (1-x) \left[-\omega + I + \delta (2x-1) \right]$$
(B)

Tamer Oraby (University of Cincinnati)

イロト 不得 トイヨト イヨト



S: susceptible density I: infected density R: removed density S + I + R = 1

- μ : birth/death rate
- β : disease transmission rate
- γ : recovery rate
- x: proportion of vaccine acceptors

[PLoS Comput Biol, 8 e1002452, 2012]

$$\frac{dS}{dt} = \mu (1 - x) - \beta S I - \mu S$$
$$\frac{dI}{dt} = \beta S I - (\mu + \gamma) I$$
$$\frac{dR}{dt} = \mu x + \gamma I - \mu R$$

S: susceptible density I: infected density R: removed density S + I + R = 1

- μ : birth/death rate
- β : disease transmission rate
- $\gamma :$ recovery rate
- x: proportion of vaccine acceptors

[PLoS Comput Biol, 8 e1002452, 2012]

< ロ > < 同 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ >

Remark:

• If
$$x = 0$$
 then $R_0 = \frac{\beta}{\mu + \gamma}$.

• If x is a fixed proportion then $R_n = R_0 (1 - x)$, which leads to the HIT.

Tamer Oraby (University of Cincinnati)

Social norms and vaccination

April 8th, 2014 22 / 46

Remark:

• If
$$x = 0$$
 then $R_0 = \frac{\beta}{\mu + \gamma}$.

• If x is a fixed proportion then $R_n = R_0 (1 - x)$, which leads to the HIT.

Tamer Oraby (University of Cincinnati)

April 8th, 2014 22 / 46

Coupled Disease-Behavioral Model

$$\frac{dS}{dt} = \mu (1 - x) - \beta S I - \mu S$$
$$\frac{dI}{dt} = \beta S I - (\mu + \gamma) I$$
$$\frac{dx}{dt} = \kappa' x (1 - x) [-\omega + I + \delta (2x - 1)]$$

(DB)

Tamer Oraby (University of Cincinnati)

April 8th, 2014 23 / 46

э

Outline

- Vaccination as a disease control measure
- Mathematical models of vaccine acceptance
- 3 Modeling vaccine uptake with group pressure
- Estimation of parameters and model analysis

5 Conclusion

3 > < 3 >

4 6 1 1 4

Fitting data to model Data and methods

 Data: Pertussis vaccine coverage and pertussis incidence in the UK, from 1967–2010.

• Fitting procedures:

- Fit (full) model with social norm and (nested) model without social norm.
- Parameter estimation using method of nonlinear least squares.

• Fix
$$R_0 = 18$$
, $\mu = 1/50 y^{-1}$, and $\gamma = 365/22 y^{-1}$.

3

< ロ > < 同 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ >

Fitting data to model Model selection

Corrected Akaike information criterion

$$\mathsf{AIC}_c = -2\,\log(\mathit{L}_{\mathsf{max}}) + 2\,\ell + \frac{2\,\ell\,(\ell+1)}{n-\ell-1}$$

- n: number of data points
- *l*: number of fitted model parameters

$$L_{\rm max} = \left(2\,\pi\,e^1\,{\rm RSS}/n\right)^{-n/2}$$

RSS: residual sums of squares

April 8th, 2014 26 / 46

Without social norm (nested)

With social norm (full)



Tamer Oraby (University of Cincinnati)

April 8th, 2014 27 / 46

Without social norm (nested)

 $AIC_c = -144.14$

With social norm (full)



Tamer Oraby (University of Cincinnati)

April 8th, 2014 27 / 46



Tamer Oraby (University of Cincinnati)

April 8th, 2014 27/46

2010

2000

- Estimated

Actual

Without socia	norm	(nested)
---------------	------	----------

 $AIC_{\textit{c}} = -144.14$

With social norm (full) AIC_c = -160.32



Without socia	norm	(nested)
---------------	------	----------

$$AIC_c = -144.14$$

With social norm (full) AIC_c = -160.32



Disease-free equilibria

When perceived risk of vaccination is constant ($\omega(t) \equiv m$)

Full vaccine coverage and no susceptibility,

$$\mathcal{E}_1 = (S_1, I_1, x_1) = (0, 0, 1)$$

No vaccine coverage and full susceptibility,

$$\mathcal{E}_2=(1,0,0)$$

• Partial vaccine coverage and partial susceptibility,

$$\mathcal{E}_3 = (1 - x_3, 0, x_3)$$

where $x_3 = \frac{1}{2} \left(1 + \frac{m}{\delta}\right)$ and $\delta > m$.

Tamer Oraby (University of Cincinnati)

April 8th, 2014 30 / 46

∃ ► < ∃ ►</p>

Disease-free equilibria

When perceived risk of vaccination is constant ($\omega(t) \equiv m$)

• Full vaccine coverage and no susceptibility,

$$\mathcal{E}_1 = (S_1, I_1, x_1) = (0, 0, 1)$$

No vaccine coverage and full susceptibility,

$$\mathcal{E}_2=(1,0,0)$$

Partial vaccine coverage and partial susceptibility,

$$\mathcal{E}_3 = (1 - x_3, 0, x_3)$$

where $x_3 = \frac{1}{2} \left(1 + \frac{m}{\delta}\right)$ and $\delta > m$.

Tamer Oraby (University of Cincinnati)

April 8th, 2014 30 / 46

BA 4 BA

Disease-free equilibria

When perceived risk of vaccination is constant ($\omega(t) \equiv m$)

• Full vaccine coverage and no susceptibility,

$$\mathcal{E}_1 = (S_1, I_1, x_1) = (0, 0, 1)$$

No vaccine coverage and full susceptibility,

$$\mathcal{E}_2=(1,0,0)$$

Partial vaccine coverage and partial susceptibility,

$$\mathcal{E}_3 = (1 - x_3, 0, x_3)$$

where
$$x_3 = \frac{1}{2} \left(1 + \frac{m}{\delta}\right)$$
 and $\delta > m$.

< ロ > < 同 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ >

Endemic equilibria

When perceived risk of vaccination is constant ($\omega(t) \equiv m$)

No vaccine coverage

$$\mathcal{E}_4 = (rac{1}{R_0}, rac{\mu}{\mu+\gamma}(1-rac{1}{R_0}), 0)$$

where
$$R_0 = \frac{\beta}{\mu + \gamma} > 1$$

• Partial vaccine coverage

$$\mathcal{E}_5 = (\frac{1}{R_0}, I_5, x_5)$$

where

$$M_5 = rac{\mu(m-\delta+rac{2\delta}{R_0})}{\mu-2\delta(\mu+\gamma)}$$
 and $x_5 = rac{\mu(1-rac{1}{R_0})-(\delta+m)(\mu+\gamma)}{\mu-2\delta(\mu+\gamma)}.$

April 8th, 2014 31 / 46

3 + 4 = +

4 6 1 1 4

Endemic equilibria

When perceived risk of vaccination is constant ($\omega(t) \equiv m$)

No vaccine coverage

$$\mathcal{E}_4 = (rac{1}{R_0}, rac{\mu}{\mu + \gamma} (1 - rac{1}{R_0}), 0)$$

where
$$R_0 = \frac{\beta}{\mu + \gamma} > 1$$

Partial vaccine coverage

$$\mathcal{E}_5 = (\frac{1}{R_0}, I_5, x_5)$$

where

$$I_5 = \frac{\mu(m-\delta+\frac{2\delta}{R_0})}{\mu-2\delta(\mu+\gamma)} \text{ and } x_5 = \frac{\mu(1-\frac{1}{R_0})-(\delta+m)(\mu+\gamma)}{\mu-2\delta(\mu+\gamma)}.$$

Tamer Oraby (University of Cincinnati)

April 8th, 2014 31 / 46

Dynamical regimes

When perceived risk of vaccination is constant ($\omega(t) \equiv m$)



- $\mathcal{E}_1 = (0, 0, 1)$ the hatched region
- $\mathcal{E}_4 = (\frac{1}{R_0}, \frac{\mu}{\mu+\gamma}(1-\frac{1}{R_0}), 0)$ the light grey region
- $\mathcal{E}_5 = (\frac{1}{R_0}, I_5, x_5)$ the dark grey region on the left

3 + 4 = +



April 8th, 2014 33 / 46

< 🗇 🕨



April 8th, 2014 34 / 46

2

3 1 4 3



Dynamical regimes

Simulations



Tamer Oraby (University of Cincinnati)

April 8th, 2014 36 / 46

æ

イロト イヨト イヨト イヨト

Dynamical regimes

When perceived risk of vaccination is constant ($\omega(t) \equiv m$)



- $\mathcal{E}_1 = (0, 0, 1)$ the hatched region
- $\mathcal{E}_4 = (\frac{1}{R_0}, \frac{\mu}{\mu+\gamma}(1-\frac{1}{R_0}), 0)$ the light grey region
- $\mathcal{E}_5 = (\frac{1}{R_0}, I_5, x_5)$ the dark grey region on the left

∃ ► < ∃ ►</p>



April 8th, 2014 38 / 46



April 8th, 2014 39 / 46

2

イロト イヨト イヨト イヨト



April 8th, 2014 40 / 46

э

イロト イヨト イヨト イヨト



Tamer Oraby (University of Cincinnati)

April 8th, 2014 41 / 46

2

문 🕨 🖈 문
Dynamical regimes

Simulations

q is proportion of all-time non-vaccinators

$$\frac{dx}{dt} = \kappa x (1 - x - q) (-m + l + \delta (2x - 1))$$



Dynamical regimes

Simulations

q is proportion of all-time non-vaccinators

$$\frac{dx}{dt} = \kappa x \left(1 - x - \mathbf{q}\right) \left(-m + l + \delta \left(2x - 1\right)\right)$$



Outline

- Vaccination as a disease control measure
- Mathematical models of vaccine acceptance
- 3 Modeling vaccine uptake with group pressure
- 4 Estimation of parameters and model analysis

5 Conclusion

3 + 4 = +

• • • • • • • • • •

- Incorporating social norms into disease-behavioral models enables them to capture both vaccine refusal and vaccine acceptance behavioral regimes
- Our model shows how social norms can stabilise dynamics, reducing the amplitude and likelihood of oscillations in vaccine uptake
- Social norms can either boost vaccine coverage, or can drag coverage below levels that are optimal

< ロ > < 同 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ >

- Incorporating social norms into disease-behavioral models enables them to capture both vaccine refusal and vaccine acceptance behavioral regimes
- Our model shows how social norms can stabilise dynamics, reducing the amplitude and likelihood of oscillations in vaccine uptake
- Social norms can either boost vaccine coverage, or can drag coverage below levels that are optimal

∃ ► < ∃ ►</p>

- Incorporating social norms into disease-behavioral models enables them to capture both vaccine refusal and vaccine acceptance behavioral regimes
- Our model shows how social norms can stabilise dynamics, reducing the amplitude and likelihood of oscillations in vaccine uptake
- Social norms can either boost vaccine coverage, or can drag coverage below levels that are optimal

Tamer Oraby (University of Cincinnati)

BA 4 BA

In the news ...



How Peer Pressure Explains Vaccination Rates

By Stephanie Pappas, Senior Writer | February 11, 2014 07:01pm ET



Credit: CDC View full size image

In a purely rational world, vaccination rates would vacillate constantly depending on how much people fear getting sick.

That's what attempts to model vacchation rates mathematically have found. But now, scientists have added in the missing puzzle piece that explains why vaccination rates stay high in the real world — or, in some cases, low. The reason, it turns out, is peer pressure.

Public health officials frequently worry about low levels of

childhood vaccination, often driven by debunked concerns that vaccines are linked with autism. But in many nations without mandatory vaccination rules, rates of childhood vaccination remain surprisingly high, said Tamer Oraby, a mathematician at the University of Guelph in Ontario, Canada. [5 Dangerous Vaccination Myths]

Tamer Oraby (University of Cincinnati)

More -

Social norms and vaccination

April 8th, 2014 45 / 46

Thank you

Tamer Oraby (University of Cincinnati)

Social norms and vaccination

April 8th, 2014 46 / 46

æ